

Вопросъ объ избирательномъ поглощениі свѣта въ про-
странствѣ, рассматриваемый съ точки зрењія динамики
вселенной.

Въ послѣднее время въ астрономической литературѣ все чаще и чаще поднимается вопросъ о поглощениі свѣта въ міровомъ пространствѣ—притомъ преимущественно о поглощениі избирательномъ, т. е. такомъ, при которомъ поглощеніе тѣмъ сильнѣе, чѣмъ меныше длина волны; обзоръ работъ по опредѣлению величины избирательного поглощенія данъ недавно Каптейномъ (*Astrophysical Journal*, сентябрь 1914 г.); съ достовѣрностью существованіе поглощенія еще не доказано—насколько шатки могутъ быть основанія для опредѣленія его, показываетъ работа Adams'a и Kohlschütter'a (*Astrophysical Journal* 1914, ноябрь), изъ которой слѣдуетъ, что извѣстный фактъ ослабленія фіолетового конца спектра съ уменьшеніемъ собственного движения, т. е. съ удаленіемъ звѣзды, гораздо вѣроятнѣе приписать поглощенію въ атмосферахъ самихъ звѣздъ, чѣмъ въ міровомъ пространствѣ; а именно, при равной кажу-щющейся яркости звѣзды болѣе удаленные являются абсолютно болѣе яркими и большими по своимъ размѣрамъ, и по всей вѣроятности окружены и соотвѣтственно болѣе густою атмосферой.

Я хотѣлъ бы обратить вниманіе на одну сторону вопроса, которая, насколько мнѣ извѣстно, до сихъ поръ не получала освѣщенія. Вещество, производящее поглощеніе, должно обладать нѣкоторою массою; весь вопросъ въ томъ, какъ велика она. Какъ извѣстно, избирательное поглощеніе производится частицами, величина которыхъ мала сравни-тельно съ длиной волны,—напримѣръ молекулами газовъ; величина его зависитъ только отъ числа молекулъ въ единицѣ объема. Пусть μ сред-ний молекулярный вѣсъ (относительно воздуха) вещества, наполняющаго міровое пространство, a —коэффиціентъ поглощенія визуальныхъ лучей, выраженный възв. величинахъ на 1 свѣтовой годъ, ρ плотность поглощающаго вещества (относительно солнца); по измѣреніямъ Abbot и Fowle на M. Whitney при давленіи $p = 440 \text{ mm}$ коэффиціентъ лучепрозрачно-сти для визуальныхъ лучей ($\lambda = 0,55 \mu$) равенъ 0,918, что соотвѣтствуетъ поглощенію въ 0,070 зв. величины; масса воздуха надъ M. Whitney равна 6000 kg на квадратный метръ; въ такомъ случаѣ

— 151 —

масса межзвѣздного вещества внутри параллелепипеда, основаніе кото-
раго = 1 кв. метру, а длина = 1 св. году, будетъ $\frac{6000 \text{ а} \mu}{0,07} kg$; такъ какъ
1 свѣтовой годъ = $9,45 \cdot 10^{16}$ метровъ, а плотность солнца = 1,4, то
нетрудно вычислить, что плотность межзвѣздного вещества равна

$$\rho = 6,4 \cdot 10^{-15} a \mu (\odot = 1) \dots \dots \dots (1)$$

Пусть δ будеть «плотностью» вѣздного вещества въ пространствѣ, т. е. плотностью той воображаемой матеріи, которая, будучи равномѣрно распределена въ пространствѣ, будеть обладать массою, равною массѣ заключенныхъ въ этомъ пространствѣ звѣздъ; нетрудно опредѣлить порядокъ величины δ ; по изслѣдованіямъ Каптейна внутри сферы съ $r = 500$ св. лѣтъ заключается около $1,5 \cdot 10^6$ звѣздъ; пусть средняя ихъ масса ($\odot = 1$) будеть \bar{m} ; тогда (такъ какъ радиусъ солнца равенъ $0,72 \cdot 10^{-7}$ свѣтовыхъ лѣтъ)

$$\delta = \frac{1,5 \cdot 10^6 (0,72 \cdot 10^{-7})^3}{500^3} \bar{m} = 0,44 \cdot 10^{-23} \bar{m} \dots \dots (2)$$

Сравнивая величины ρ и δ , мы видимъ, что даже при самомъ ничтожномъ значеніи a первая значительно превосходить вторую; дѣйствительно, принимал $a = 0,0001$ (большая часть изслѣдователей даетъ большія величины), $\mu = \frac{1}{14}$ (мол. вѣсъ водорода), получаемъ

$$\rho = 4,7 \cdot 10^{-19};$$

величина \bar{m} близка къ единицѣ, и

$$\delta = 0,44 \cdot 10^{-23},$$

такъ что при поглощеніи въ 1 зв. величину на 10000 свѣтовыхъ лѣтъ плотность, слѣд. и масса поглощающаго вещества должна быть по крайней мѣрѣ въ 100000 разъ больше массы всѣхъ звѣздъ! Очевидно, что при подобномъ распределеніи вещества въ міровомъ пространствѣ движенія звѣздъ должны почти всецѣло зависѣть не отъ ихъ взаимнаго тяготѣнія, а отъ притяженія этого разсѣяннаго въ пространствѣ вещества. Однако столь большая величина массы межзвѣздной матеріи представляется очень мало вѣроятной—скорости вѣздъ соответственно этому должны были бы быть значительно больше наблюденыхъ—онѣ должны были бы измѣряться не десятками, а тысячами километровъ; поэтому приходится выбирать между слѣдующими предположеніями (или одновременно допустить ихъ): 1) величина избирательного поглощенія значительно менѣе того, что обыкновенно принимается; 2) молекулярный вѣсъ вещества, являющагося причиной избирательного поглощенія, значительно менѣе молекулярного вѣса водорода; невольно напрашивается предположеніе объ электронахъ, разсѣянныхъ въ пространствѣ.

Такъ какъ при существованіи даже самаго ничтожнаго избирательнаго поглощенія значеніе межзвѣзднаго вещества должно быть преобладающимъ, то представляется нѣкоторый интересъ вопросъ о законахъ движенія внутри звѣздной системы, окутанной туманнымъ веществомъ, равномѣрно разсѣяннымъ и обладающимъ значительною массою. (Вопросъ о динамикѣ цѣлой звѣздной системы уже разрабатывался Eddington'омъ (Monthly Notices, vol. LXXIV, № 1) для случая шарообразной системы, состоящей изъ однѣхъ звѣздъ). Нашей главной задачей будетъ опредѣлить порядокъ плотности вещества, наполняющаго систему Млечнаго Пути, и хотя, какъ потомъ окажется, наши предпосылки и не будутъ въ точности соотвѣтствовать истинѣ, однако на порядокъ величины искомой плотности онѣ вліять не будутъ.

Сдѣлаемъ слѣдующія допущенія: межзвѣздное вещество собрано въ сжатый эллипсоидъ вращенія неопределенной величины, равномѣрной плотности ρ и съ отношеніемъ осей q ; внутри его разбросаны звѣзды, причемъ наибольшей величины звѣздная плотность δ (она пропорціональна числу звѣздъ въ единицѣ объема) достигаетъ въ центрѣ эллипсоида, а поверхности одинаковой величины δ (поверхности уровня) суть эллипсоиды, подобные и концентрическіе съ вышеупомянутымъ; если уравненіе такой поверхности будетъ

$$q^2x^2 + y^2 + z^2 = u^2$$

(малая ось эллипсоида лежитъ на оси x -овъ), то звѣздная плотность

$$\delta = f(u^2); \dots \dots \dots \dots \quad (3)$$

наконецъ, примемъ, что δ значительно меньше ρ , такъ что массою звѣздъ можно пренебречь.

Ускореніе тяжести въ данной точкѣ внутри эллипсоида вращенія равномѣрной плотности ρ выражается слѣдующими формулами:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{d^2x}{dt^2} = -cx \\ \frac{d^2y}{dt^2} = -c_1y \\ \frac{d^2z}{dt^2} = -c_1z \end{array} \right\}, \dots \dots \dots \dots \quad (A)$$

причемъ

$$\left. \begin{array}{l} c = 4\pi n\rho \frac{q^2}{(q^2-1)^{\frac{3}{2}}} (\sqrt{q^2-1} - \operatorname{arctg} \sqrt{q^2-1}) \\ c_1 = 2\pi n\rho \frac{q^2}{(q^2-1)^{\frac{3}{2}}} \left(\operatorname{arctg} \sqrt{q^2-1} - \frac{\sqrt{q^2-1}}{q^2} \right) \end{array} \right\}, \dots \dots \quad (B)$$

гдѣ q отношеніе осей эллипсоида, n — постоянная тяготѣнія.

— 153 —

Отсюда видно, что проекции движений на оси координатъ являются гармоническими колебаниями, причемъ для оси x періодъ колебанія иной, чѣмъ для осей y и z . Рѣшивъ эти уравненія, можно ихъ привести къ слѣдующему виду:

$$\left. \begin{array}{l} x = H \cos(t \sqrt{c}) \\ y = K \cos(t \sqrt{c_1} - \eta) \\ z = L \cos(t \sqrt{c_1} - \zeta) \end{array} \right\} \dots \dots \dots \quad (3)$$

H , K и L представляютъ собою очевидно величины наибольшаго удаленія данной материальной точки по осямъ координатъ, η и ζ — разность фазъ колебаній. Величины H , K и L назовемъ амплитудами по осямъ координатъ.

Обозначимъ черезъ u , v и w компоненты скорости по осямъ координатъ; тогда изъ уравненій (3) нетрудно получить слѣдующія соотношенія:

$$\left. \begin{array}{l} u = \pm \sqrt{c} \sqrt{H^2 - x^2} \\ v = \pm \sqrt{c_1} \sqrt{K^2 - y^2} \\ w = \pm \sqrt{c_1} \sqrt{L^2 - z^2} \end{array} \right\} \dots \dots \dots \quad (4)$$

Пусть число звѣздъ, амплитуды которыхъ по оси x заключены между H и $H + dH$ будетъ

$$dn_H = \phi(H) dH \dots \dots \dots \quad (5)$$

и аналогично для другихъ осей

$$dn_K = \phi(K) dK \dots \dots \dots \quad (5')$$

$$dn_L = \phi(L) dL \dots \dots \dots \quad (5'')$$

Функции ϕ и ψ даютъ законъ распределенія амплитудъ по осямъ; для осей y и z , изъ за симметріи, принятая одна и та-же функция. Постараемся определить, каковъ долженъ быть видъ этихъ функций, чтобы при заданномъ $\delta = f(u^2)$ система находилась въ равновѣсіи. Для этого опредѣлимъ число звѣздъ, абсциссы которыхъ заключены между x и $x + dx$, $y + dy$ и $z + dz$; съ одной стороны это число будетъ очевидно

$$\left. \begin{array}{l} dn_x = dx \int \int \delta dy dz \\ dn_y = dy \int \int \delta dx dz \\ dn_z = dz \int \int \delta dx dy \end{array} \right\} \dots \dots \dots \quad (6)$$

Предѣлы интегрированія для неограниченной звѣздной системы постоянны; нижніе предѣлы равны 0, верхніе — безконечности.

Съ другой стороны, $d\eta_x$ зависить отъ вида функции $\psi(H)$; замѣтимъ, что одна и та-же звѣзда съ теченіемъ времени измѣняетъ свое x въ предѣлахъ отъ 0 до H (обращая вниманіе лишь на абсолютную величину x); поэтому на данномъ разстояніи x могутъ находиться лишь тѣ звѣзды, для которыхъ $H \geq x$; время, въ теченіе котораго данная звѣзда измѣняетъ x отъ x до $x + dx$ будетъ равно

$$dt = \frac{dx}{|u|};$$

рассмотримъ нѣкоторое число звѣздъ съ однимъ и тѣмъ же H ; очевидно, доля этихъ звѣздъ, находящихся между x и $x + dx$, въ среднемъ будетъ составлять такую долю общаго числа, какую долю общаго времени колебанія составляетъ dt , т. е. эта доля равна

$$\frac{dt}{\tau_x} = \frac{dx}{|u| \tau_x},$$

гдѣ $\tau_x = \frac{2\pi}{\sqrt{c}}$ есть періодъ колебанія, а $|u| = \sqrt{c} \sqrt{H^2 - x^2}$; подставивъ эти значения, получимъ, что число звѣздъ съ даннымъ H , заключенныхъ между x и $x + dx$, будетъ $\frac{dx}{\sqrt{H^2 - x^2}}$; но число звѣздъ съ даннымъ H есть $\varphi(H) dH$, а поэтому получаемъ

$$d\eta_x = dx \int_{H=x}^{H=\infty} \frac{\varphi(H) dH}{\sqrt{H^2 - x^2}} \dots \dots \dots \quad (7)$$

Сравнивая формулы (6) и (7) получаемъ

$$\int \int \delta dy dz = \int \frac{\varphi(H) dH}{\sqrt{H^2 - x^2}} \dots \dots \dots \quad (8)$$

Это уравненіе можно назвать уравненіемъ состоянія данной системы; при заданномъ δ изъ него можно опредѣлить φ и наоборотъ.

Пусть законъ звѣздной плотности сходенъ съ закономъ случайностей, т. е. пусть

$$\delta_0 = \delta e^{-K^2 (x^2 + y^2 + z^2)} \dots \dots \dots \quad (9)$$

Этотъ законъ представляется весьма вѣроятными для системы звѣздъ Млечнаго Пути; кромѣ того, намъ важенъ не точный видъ функции, а важно лишь, чтобы она удовлетворяла нѣкоторымъ общимъ условіямъ— чтобы она убывала съ разстояніемъ, чтобы поверхности уровня были эллипсоиды и, чтобы система была неограничена.

Подставивъ (9) въ (8) и произведя интегрированіе, получимъ

$$\int_x^\infty \frac{\varphi(H) dH}{\sqrt{H^2 - x^2}} = \frac{A}{k^2} e^{-K^2 x^2}, \dots \dots \dots \quad (10)$$

— 155 —

гдѣ

$$A = \frac{\pi \delta_0}{4}.$$

Лѣвую часть этого равенства можно представить въ видѣ

$$\int_x^{\infty} \frac{\varphi(H) dH}{\sqrt{H^2 - x^2}} = \left[\frac{\varphi(H) \sqrt{H^2 - x^2}}{H} \right]_{H=x}^{H=\infty} - \\ - \int_x^{\infty} \sqrt{H^2 - x^2} \frac{[H\varphi'(H) - \varphi(H)] dH}{H^2};$$

допустимъ, что при

$$H = \infty \varphi(H) = 0;$$

тогда, какъ нѣтрудно видѣть, первый членъ въ правой части равенства будетъ 0, и мы будемъ имѣть (принявъ во вниманіе равенство (10))

$$- \int_x^{\infty} \sqrt{H^2 - x^2} \left[\frac{H\varphi'(H) - \varphi(H)}{H^2} \right] dH = \frac{A}{k^2} e^{-k^2 q^2 x^2};$$

продифференцируемъ это уравненіе по x , примѣняя формулу

$$\left(\frac{d}{da} \int_a^b f(x, a) da = -f(a, a) + \int_a^b f'_a(x, a) da \right),$$

тогда получимъ послѣ сокращенія на x :

$$\int \frac{[H\varphi'(H) - \varphi(H)] dH}{H^2 \sqrt{H^2 - x^2}} = -2Aq^2 e^{-k^2 q^2 x^2},$$

или, исключивъ $e^{-k^2 q^2 x^2}$ при помощи формулы (10) и перенеся все въ лѣвую часть, будемъ имѣть

$$\int_x^{\infty} \frac{1}{\sqrt{H^2 - x^2}} \left[2k^2 q^2 \varphi(H) - \frac{\varphi(H)}{H^2} + \frac{\varphi'(H)}{H} \right] dH = 0;$$

это равенство справедливо, если

$$\left(2k^2 q^2 - \frac{1}{H^2} \right) \varphi(H) + \frac{\varphi'(H)}{H} = 0,$$

или

$$\frac{\varphi'(H)}{\varphi(H)} = -2k^2 q^2 H + \frac{1}{H};$$

— 156 —

отсюда простымъ интегрированіемъ найдемъ

Эти формулы даютъ такъ называемый законъ распределенія амплитудъ; по нимъ нетрудно опредѣлить среднюю величину компонентовъ скорости звѣзда по осамъ для любой точки. Найдемъ среднюю абсолютную величину компонента скорости параллельно оси x для опредѣленной величины x ; она будетъ, очевидно, равна

$$\bar{u}_x = \frac{\int_x^{\infty} \frac{u \varphi(H) dH}{\sqrt{H^2 - x^2}}}{\int_x^{\infty} \frac{\varphi(H) dH}{\sqrt{H^2 - x^2}}};$$

подставивъ

$$u = \sqrt{-c} \sqrt{H^2 - x^2},$$

найдемъ послѣ интегрированія:

$$\bar{u}_x = \frac{\sqrt{c}}{k_2 \sqrt{\pi}} \dots \dots \dots \dots \dots \quad (12)$$

Мы видимъ, что средняя величина компонента скорости авѣздъ при выбранномъ нами законѣ плотностей есть величина постоянная для всѣхъ точекъ системы. Для средней величины компонентовъ скорости по другимъ осямъ мы получимъ аналогичные выраженія:

$$\bar{u}_s = \bar{u}_s = \frac{\sqrt{c_1}}{k\sqrt{\pi}} \dots \dots \dots \dots \dots \quad (12')$$

Среднюю абсолютную величину скорости можно принять равной (приблизительно)

$$V = \sqrt{\bar{u_x}^2 + \bar{u_y}^2 + \bar{u_z}^2} = \frac{1}{k\sqrt{\pi}} \sqrt{\frac{c}{q^2} + 2c_1} \dots \dots \quad (13)$$

Постоянныя c и c_1 , какъ видно изъ формулъ (B), зависятъ отъ плотности и формы системы; k опредѣляетъ собою быстроту убыванія числа звѣздъ съ удаленіемъ отъ центра. Для сферического тѣла, при $q=1$,

— 157 —

для c получается вмѣсто (B) слѣдующее выраженіе:

$$c = \frac{4}{3} \pi n p.$$

Выберемъ постоянную n такъ, чтобы, принявъ за единицу длины километръ, времени — секунду, плотность солнца равнялась бы единицѣ; мы имѣемъ

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{4}{3} \pi n p x,$$

и для солнца

$$p = 1, x = 695000, \frac{d^2x}{dt^2} = 0,274;$$

отсюда

$$4\pi n = 1,2 \cdot 10^{-6}.$$

Попробуемъ теперь примѣнить результаты нашихъ разсужденій къ Млечному Путю; по тѣмъ даннымъ, которыя въ настоящее время известны, онъ представляетъ собою плоскій дискъ или сплюснутый эллипсоидъ вращенія съ отношеніемъ осей приблизительно равнымъ 10. Для определенія приблизительной величины постоянного k мы воспользуемся результатами Hertzsprung'a (Astr. Nachr. 4692) и H. Shapley и H. N. Russel'я (Astrophysical Journal, декабрь 1914), полученными изъ изслѣдованія распределенія перемѣнныхъ звѣздъ типа б Серhei и Альголя въ пространствѣ; оказывается, что эти звѣзды сильно сконцентрированы въ плоскости Млечнаго Пути, причемъ среднее разстояніе ихъ отъ этой плоскости — для звѣздъ типа б Серhei = 260 свѣтовыхъ лѣтъ, для Альголей — 440 св. лѣтъ; разница между этими двумя числами можетъ быть реальна, но можетъ также происходить отъ причинъ систематического характера, въ зависимости отъ положенныхъ въ основу гипотезъ. Можно принять среднюю величину $\bar{x} = 350$ св. лѣтъ или $= 3,3 \cdot 10^{15}$ км. Съ другой стороны, изъ формулы (9) слѣдуетъ, что при u и z постоянныхъ звѣздная плотность (число звѣздъ) выразится формулой

$$\delta = C e^{-kq^2x^2};$$

среднее разстояніе ихъ отъ плоскости Млечнаго Пути будетъ

$$\bar{x} = \frac{\int_x^\infty x e^{-kq^2x^2} dx}{\int_x^\infty e^{-kq^2x^2} dx} = \frac{1}{kq \sqrt{\pi}}.$$

Принявъ

$$q = 10, \bar{x} = 3,3 \cdot 10^{15},$$

найдемъ

$$k = 1,72 \cdot 10^{-17}.$$

— 158 —

Далѣе при $q = 10$, $4\pi n = 1,2 \cdot 10^{-6}$ наши постоянныя c и c_1 будуть соответственно равны $10^{-6} \rho$ и $0,08 \cdot 10^{-6} \rho$.

Подставивъ эти значенія въ выраженіе (13) и принявъ по Campbell'у

$$\bar{V} = 30 \text{ км./сек.,}$$

мы найдемъ, что

$$\rho = 0,48 \cdot 10^{-28}.$$

Слѣдовательно, эффективная плотность для гипотетической равномѣрной среды получается какъ разъ равной «звѣздной плотности», вычисленной въ началѣ этой статьи; отсюда видно, что собственное тяготѣніе звѣздъ вполнѣ объясняетъ ихъ движенія, и существованіе какой-либо иной матеріи въ сколько-нибудь значительномъ количествѣ представляется мало вѣроятнымъ. Совершенно невѣроятнымъ представляется поэтому и существованіе замѣтнаго избирательного поглощенія, если только не допускать существованія въ пространствѣ частицъ гораздо болѣе мелкихъ, чѣмъ атомы извѣстныхъ намъ элементовъ.

Кромѣ избирательного поглощенія можетъ существовать и обыкновенное поглощеніе, одинаковое для всѣхъ лучей, производимое частицами, діаметръ которыхъ великъ сравнительно съ длиною волны. Если эти частицы совершенно непрозрачны, d ихъ толщина въ миллиметрахъ, то, принимая плотность ихъ равною плотности воды, нетрудно получить слѣдующее выраженіе для эффективной плотности пространства, наполненного ими:

$$\rho = 0,75 ad \cdot 10^{-19},$$

причемъ a , какъ и раньше, есть коэффиціентъ поглощенія въ зв. величинахъ на 1 св. годъ. При $a = 0,0001$ имѣемъ

$$\rho = 0,75 d \cdot 10^{-28}.$$

Слѣдовательно, обыкновенное поглощеніе можетъ существовать вполнѣ, если діаметръ частицъ порядка миллиметра или менѣе—масса ихъ будетъ сравнительно мала; однако нужно помнить, что это поглощеніе до сихъ поръ еще съ достовѣрностью не обнаружено; тотъ фактъ, что число звѣздъ возрастаетъ со звѣздною величиной медленнѣе, чѣмъ того требуетъ теорія въ случаѣ равномѣрного распределенія звѣздъ въ пространствѣ, одинаково можетъ быть объясненъ какъ поглощеніемъ свѣта, такъ и убываніемъ числа звѣздъ съ разстояніемъ.

Э. Эпикъ.

Москва,
30 апреля 1915 г.